瞬時空間ベクトルによるマトリックスコンバータの スイッチングパターンの比較

学生員 春名 順之介* 正員 伊東 淳一 (長岡技術科学大学)

Comparison of Switching Pattern for the Matrix Converter Based on Instantaneous Space Vector Junnosuke Haruna, Student Member, Jun-ichi Itoh, Member (Nagaoka University of Technology)

This paper proposes a new analysis method of switching pattern for a matrix converter. This method is used an instantaneous space vector and can visualize the relation among an output voltage command or input current command and selected switching pattern. The proposed method can clearly compare the difference points of the control algorithm for the matrix converter and can also consider the characteristics. In this paper, in order to consider availability of the proposed method, several control algorithms for the matrix converter were applied and compared the difference points and characteristics.

キーワード:瞬時空間ベクトル,マトリックスコンバータ,スイッチングパターン,ベクトル図 **Keywords**: Instantaneous space vector, Matrix converter, Switching pattern, Vector diagram

1. はじめに

近年,交流電源から任意の電圧,周波数に直接変換でき るマトリックスコンバータが注目を浴び,盛んに研究され ている⁽¹⁻⁴⁾⁽⁶⁾。その背景には,従来のインバータシステムと 比較し,小型,軽量,高効率化の点で優れており,加えて, マトリックスコンバータの実現に不可欠な逆耐圧を持つ IGBTが開発されていることが挙げられる。

マトリックスコンバータの制御方法の課題として,出力 電圧と,入力電流を同時に制御することが挙げられる。入 出力波形の制御方式として,仮想AC/DC/AC変換方式⁽¹⁻³⁾や, AC/AC直接変換方式⁽⁴⁾,空間ベクトルによる電圧出力法⁽⁶⁾ などがある。これらの制御法は,パルス発生や入出力制御 方法の簡単化など様々な着眼点からのアプローチである が,最終的なPWMパルスの相違については不明瞭である。

そこで、本論文では、マトリックスコンバータのスイッ チングパターン生成法を、瞬時空間ベクトルを用いて視覚 化し、相違点を比較する解析方法を提案する。提案する解 析方法では、マトリックスコンバータが、ある瞬間に選択 しうるスイッチングパターンを瞬時空間ベクトル図で図示 し、指令値に対してどのパターンを選択しているかを観測 することで、最終的な制御方法の相違点を明確化できると いう特徴がある。

本稿では、提案する解析方法について説明するとともに、 4 種類の異なるスイッチングパターン生成アルゴリズムを 比較、検討することで、提案した方法の有用性を検討する。

2. スイッチングパターンの解析方法

図 1 にマトリックスコンバータの回路図を示す。マトリ ックスコンバータは、出力 1 相に対して、入力 3 相が接続 されており、それぞれが双方向スイッチで構成されている。 入力m(r, s, t)相、出力n(u, v, w)相の間に接続されてい るスイッチを S_{mn} とし、そのスイッチング関数を s_{mn} とする と、出力電圧' $[v_u v_v v_w]$ と入力電流' $[i_r i_s i_l]$ は、入力電圧を' $[v_r$ $v_s v_l$, 出力電流を' $[i_u i_v i_w]$ とすれば、(1)、(2)式で表され る。

$$\begin{bmatrix} v_{u} \\ v_{v} \\ v_{w} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_{ru} & s_{su} & s_{tu} \\ s_{rv} & s_{sv} & s_{tv} \\ s_{rw} & s_{sw} & s_{tw} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_{r} \\ v_{s} \\ v_{t} \end{bmatrix}$$
(1)
$$\begin{bmatrix} i_{r} \\ i_{s} \\ i_{t} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_{ru} & s_{rv} & s_{rw} \\ s_{su} & s_{sv} & s_{sw} \\ s_{tu} & s_{rv} & s_{rw} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{u} \\ i_{v} \\ i_{w} \end{bmatrix}$$
(2)

ただし、
$$s_{mn}=1: S_{mn}$$
オン、 $s_{mn}=0: S_{mn}$ オフ



Fig. 1. Matrix converter.

マトリックスコンバータの制御条件として,電流が連続 であることと,電源短絡をしてはならないことが挙げられ る。これらの条件を満たすには,出力1相につき,ひとつ のスイッチのみしかオンできない。これより,マトリック スコンバータのスイッチングパターンは,全部で3³=27パタ ーンに制限される⁽⁶⁾。

以下に,瞬時空間ベクトルを用いたスイッチングパター ンの解析方法を示す。ここでは,出力電圧について説明を 行うが,電流についても同様の方法で解析できる。

〈2・1〉 スイッチングパターンのベクトル図化

図2に、マトリックスコンバータの出力電圧ベクトル図 を示す。●は出力しうる電圧ベクトル、×は選択された電 圧ベクトルの先端を表す。以下に図の表記方法を示す。

まず,(1)式に,入力電圧を代入し, *s_{mn}の全27 パターン*に おける出力電圧ベクトルを計算する。これにより,マトリ ックスコンバータが,ある電源位相の瞬間にどの電圧ベク トルを出力できるかを明らかにする。次に,入力電圧,出 力電圧指令とともにこれらを静止座標変換し,ベクトル図 で示す。この結果,入力電圧,出力電圧指令と,マトリッ クスコンバータの出力しうる電圧ベクトルとの関係を視覚 化できる。最後に,出力電圧指令に応じてどのベクトルが 選択されているかを示すことで,出力電圧指令ベクトルと 選択された電圧ベクトルの関係がわかる。

〈2·2〉 ベクトル図の比較方法

本提案では,異なる制御方法から生成されるスイッチン グパターンの相違点を明確化するだけではなく,それらの 特徴も比較,検討できる。以下に,その比較方法を示す。 (1)出力制御判定

マトリックスコンバータは、指令ベクトルの周囲に存在 する出力電圧ベクトルをいくつか選択し、それぞれを出力 する時間比を調節することにより指令値通りの電圧を出力 している。この時間比の調節は、選択ベクトルをベクトル 加算することによって、指令ベクトルとすることを表して いる⁽⁵⁻⁶⁾。従って、ベクトル合成により指令ベクトルを生成 できない場合、出力することは不可能である。この条件を 視覚化すると、選択ベクトルが、出力指令ベクトルの周囲 を囲んでいる必要があることを表している。囲まれていな





い場合、ベクトル合成で指令値を生成できない。

図3に、マトリックスコンバータの出力制御判定を示す。 (a)は、指令値を囲むようにベクトルが選択されているので、 指令値通りの出力が可能である。対して、(b)では、選択ベ クトルは指令値を囲んでいないので、出力不可能となる。

(2) リプル判定

マトリックスコンバータは,選択ベクトルを随時変化さ せて出力電圧を生成しているので,リプルが発生する。こ れは,指令ベクトルに対して選択ベクトルの距離が大きい ほど大きくなる。よって,指令値により近いベクトルを選 択することが望ましい。

図 4(a), (b)に出力指令ベクトル,選択ベクトルとリプル の関係を示す。ここでは選択ベクトルの距離の判定するた めに,選択ベクトルの頂点を結ぶ多角形について着目する。 両者を比較すると,(b)の方が多角形面積は小さい。この場 合,指令値に近いベクトルが選択されていることが明らか である。よって,リプルの大小関係は多角形面積に比例す るといえる。しかし,選択ベクトルが異なっても,多角形 面積が同じ場合がある。その場合は,より指令ベクトルに 近いベクトルが選択されていた方がリプルは小さい。

3. 解析結果

本論文では,提案方法の有用性を検証するために,文献 (1-4)の制御方式について比較を行った。(1-3)の方式は仮想 AC/DC/AC 変換方式と呼ばれ,仮想整流器と仮想インバー タを想定し,仮想整流器側で入力電流を,仮想インバータ で出力電圧をそれぞれ制御し,それらを合成することでス イッチングパターンを得る。それぞれ,(1)は,変形キャリ アを用いることで入出力波形を改善する方式(以下,変形キ ャリア方式),(2)は,仮想整流器側で電圧最大値を調整し,



仮想インバータ側で PAM 制御を行う方式(以下, PAM 方式), (3)は、スイッチング損失が低減できるように、最大、中間、 最小相に接続する順序を並び替える方式(以下、並び替え方 式)である。(4)は AC/AC 直接変換方式と呼ばれ、入力電流、 出力電圧を一括で制御し、スイッチングパターンを生成す る方式(以下、AC/AC 方式)である。

〈3・1〉出力電圧値とスイッチングパターンの関係

表1の条件でシミュレーションを行い、それぞれの制御 方式の解析を行った。出力電圧が、低電圧時、中間時、最 大電圧について解析し、特徴を比較、検討する。

図5に入力R相電圧が最大の時の角度を0°とし,電源角度が20°,50°の出力電圧,入力電流ベクトル図の解析結果を示す。以下に,それぞれの特徴について考察する。

表 1 シミュレーション条件 Table 1. Simulation Condition.

	Input	Output	Load	Carrier frequency
(a), (b)		10[V]/100[Hz]	RL load	
(c), (d)	200[V]/50[Hz]	100[V]/100[Hz]	8.33[Ω]	10[kHz]
(e), (f)		173[V]/100[Hz]	5[mH]	



(c) θ=20°(Output voltage 100V)

まず,図 5(a),(b)に示す,低電圧時の選択ベクトルについて考察する。低電圧出力の場合,入力最大相を用いずに, 中間相でスイッチングすることで,電圧精度が向上できることが報告されている⁽²⁾。PAM方式,並べ替え方式では,同様のスイッチングパターンを選択しているが,これらは低電圧出力時において,中間相のスイッチングパターンが選択されており,また,選択ベクトルからなる多角形の面積が小さいので,電圧リプルは本質的に小さくなる。対して,変形キャリア方式,AC/AC方式では,中間相だけでなく最大相も選択されており,多角形面積が大きく,相対的に電圧リプルが大きいことが予想される。

次に,図 5(c),(d)で示す,中間電圧出力時の選択ベクト ルについて考察する。PAM 方式では,低電圧出力時と同様 に,中間相でスイッチングしているのがわかる。一方,他 の方式では,最大相,中間相,最小相を選択している。低 電圧出力時においては,PAM 方式と並べ替え方式に相違点 が見られなかったが,このときに選択ベクトルの違いが見 られ,両者が異なる制御方法あることが確認できる。

最後に,最大電圧出力時について考察する。最大出力時 は,どの方式でも最大相を用いてスイッチングしているの で,多角形面積はすべて等しい。PAM 方式,並べ替え方式



(d) θ =50°(Output voltage 100V)







図 5 解析結果 (●は出力ベクトル, ×は選択ベクトル)

Fig.5. Analysis results (\bigcirc means the tip of valid vector and \times means the tip of selected vector.).

は,低電圧出力時と同様に全く等しいベクトルを選択して おり,制御アルゴリズムが似ていると推測できる。

変形キャリア方式と AC/AC 方式は,出力電圧の大きさに よらず,常に同じスイッチングパターンを生成しているこ とがわかる。これらは,スイッチングの自由度が少なく, 常にリプルが大きくなる傾向にあると考えられる。

〈3・2〉電圧リプルと電流リプルの関係

前節では、主に電圧ベクトルについて述べたが、ここで は、電流ベクトルと電流リプルについて考察する。PAM 方 式などで選択されるベクトルは、多角形面積が小さく、電 圧ベクトルに関しては最適であると考えられる。一方、選 択される電流ベクトルを見ると、多角形面積が非常に大き く、電流リプルが大きい。これは、出力ベクトルを選択す る際に、電圧ベクトルベースでスイッチングパターンの最 適化を行うと、電流リプルの増大が起こることを示してい る。逆に、電流ベクトルの最適化を行った場合は電圧リプ ルが増大すると予想される。

変形キャリア方式は、電源と同一の方向に回転するベク トルが一切選択されていない。このため、電圧、電流リプ ルともに、出力電圧に関係なく常に一定であると考えられ る。一方、他の方式では、電源電圧の角度によって、リプ ルの大小が変わってくる。よって、電源位相と指令値の位 相が近接している場合は、電源と同一の方向に回転するベ クトルが選択した方が、制御特性がよいといえる。

4. まとめ

本論文では、マトリックスコンバータのスイッチングパ ターンを、指令値に対して選択された出力ベクトルから瞬 時空間ベクトルを用いて図示し、解析する方法を提案した。 提案法が有用であることを証明するために、アルゴリズム の異なる4つの制御法を解析、比較検討した。それぞれの 制御法のベクトル図化することで,スイッチングパターン の相違点を明確にし,特徴を比較,検討することができた ので,提案手法が有効であるといえる。

文 献

(1) J. Itoh, I. Sato, H. Ohguchi, K. Sato, A. Odaka and N. Eguchi: "A Control Method for the Matrix Converter Based on Virtual AC/DC/AC Conversion Using Carrier Comparison Method", Trans. IEEJ, Vol.124-D, No.5 p457 (2004)

伊東淳一・佐藤以久也・大口英樹・佐藤和久・小高章弘・江口直也: 「キャリア比較方式を用いた仮想 AC/DC/AC 変換方式によるマトリ ックスコンバータの制御法」,電学論 D, Vol.124, No.5 p.457 (2004)

- (2) A. Odaka, I. Sato, H. Ohguchi, Y. Tamai, H. Mine and J. Itoh: "A PAM Control Method for the Matrix Converter Based on Virtual AC/DC/AC Conversion Method", JIASC IEEJ, pp. I-203 –I-206 (2005) 小高章弘・佐藤以久也・大口英樹・玉井康寛・美根宏則・伊東淳一: 「仮想 AC/DC/AC 変換方式に基づいたマトリックスコンバータの PAM 制御法」, 平成 17 年電気学会産業応用部門大会, pp.I-203-I-206 (2005)
- (3) J. Itoh, H. Kodachi, A. Odaka, I. Sato, H. Ohguchi and H. Umida: "A High Performance Control Method for the Matrix Converter Based on PWM generation of Virtual AC/DC/AC Conversion", JIASC IEEJ, pp. I-303 – I-308 (2004)

伊東淳一・小太刀博和・小高章弘・佐藤以久也・大口英樹・海田英 後:「パルスパターンに着目した仮想 AC/DC/AC 変換方式によるマ トリックスコンバータの高性能化」,平成 16 年電気学会産業応用部 門大会, pp. I-303 –I-308 (2004)

- (4) J. Oyama, X. Xia, T. Higuchi, K. Kuroki, E. Yamada and T. Koga: "VVVF On-line Control of Matrix Converter", Trans. IEEJ, Vol.116-D, No.6, p644 (1996)
 小山純・夏暁戒・樋口剛・黒木恒二・山田英二・古賀高志:「PWM サイクロコンバータの VVVF オンライン制御」, 電学論 D, Vol.116,
- No.6, p.644 (1996)
 (5) J. Itoh and K. Fujita: "An Analysis Method of AC-AC Direct Converters by Using Switch Matrix", Trans. IEEJ, Vol.119-D, No.3 p351 (1999)
 伊東淳一・藤田光悦:「スイッチマトリックスを用いた AC-AC 直接 変換回路の解析法」,電学論 D, Vol.119, No.3, p.351 (1999)
- (6) T. Sakamoto and S. Fukuda: "Synthesis of Input and Output Waveforms of Matrix Converters Based on Instantaneous Space Vector Representation", JIASC IEEJ, pp. 383 – 388 (1993) 坂本匡大・福田昭治:「空間ベクトルによるマトリックスコンバータ の入出力波形の合成」, 平成 5 年電気学会産業応用部門大会, pp. 383 – 388 (1993)