# 空間ベクトル変調を用いたスイッチング損失低減方式における マトリックスコンバータの実機検証

武良 匠\* 伊東 淳一(長岡技術科学大学)

Investigation of a Matrix Converter with Reduction Switching Loss Method Using Space Vector Modulation Takumi Mura<sup>\*</sup>, Jun-ichi Itoh, (Nagaoka University of Technology)

This paper proposes a space vector modulation for the reduction switching loss based on a virtual AC/DC/AC matrix converter. The switching loss of the matrix converter is not obtained by only the number of the switching times because the voltage of the switching device is selected by three-phase voltage as the input side. The maximum instantaneous switching loss occurs in the maximum input phase and maximum output phase. The proposed method can control the matrix converter without causing maximum instantaneous switching loss because the proposed method changes over the virtual inverter zero vectors.

In this paper, the efficiency, power factor and THD characteristics of the proposed method are demonstrated by experiment. As a result, it confirmed that the proposed method could achieve 94.1 % at the efficiency.

**キーワード**:マトリックスコンバータ, AC/DC/AC 変換, スイッチング損失, 空間ベクトル変調 (Matrix converter, AC/DC/AC conversion, Switching loss, Switching vector modulation)

## 1. はじめに

近年,大容量のエネルギーバッファを介さずに商用電源 から任意の振幅,周波数を持つ交流へ直接変換できるマト リックスコンバータが注目を浴び,盛んに研究されている <sup>(1)-(9)</sup>。マトリックスコンバータは従来のPWM整流器とイン バータを組み合わせたBack-to-Backシステムと比較すると, エネルギーバッファである大容量の電解コンデンサを使用 しないこと,1回の電力変換回数で任意の交流電力を出力で きることなどから,装置の小型,軽量,高効率,長寿命化 が期待できる。また,マトリックスコンバータの双方向ス イッチを実現する逆耐圧を持つRB-IGBTが開発され,マト リックスコンバータは様々な用途への適用が考えられてい る。

マトリックスコンバータは出力電圧と入力電流の同時制 御を行うことができ、出力電圧の VVVF 動作と同時に、入 力電流の正弦波化、入力力率の制御、および、電源回生が 可能である。これまでに、入出力波形の制御法として種々 の PWM パターン発生方法が提案されており<sup>(1)-(6)</sup>、様々な観 点から制御方式が考案されている。各制御方式の性能評価 は、入出力波形のひずみ、効率、演算時間などの観点から 個別に行われており、制御方式によって様々である。

その中で,スイッチング損失の低減に着目すると,これ まで提案されている方式は従来の変換器のように,スイッ チング回数を抑制することで,マトリックスコンバータの スイッチング損失の低減を図る制御方式が主である。

しかし、マトリックスコンバータは入出力が交流のため、 各スイッチング素子の両端の電圧と流れる電流は一定では なく、スイッチングパターンに応じて入出力 3 相から選ば れる。したがって、各スイッチのオンオフの切り替え時に 発生するスイッチング損失もまた、入出力の関係から 9 通 りの電圧および電流の組み合わせにより発生している。ス イッチング回数が少ない場合でも、個々で発生するスイッ チング損失が大きければ、全体のスイッチング損失は低減 できない。また、同じスイッチング回数が増加したとして も、個々で生じるスイッチング損失の小さいスイッチング パターンであるならば、全体のスイッチング損失は小さく なる場合がある<sup>(8)</sup>。つまり、スイッチング回数を最小とする だけでは、スイッチング損失が最小であるとはいえない。

本論文では、仮想整流器及び仮想インバータを組み合わ せた仮想間接形マトリックスコンバータにおいて、空間ベ クトル変調を用いてマトリックスコンバータのスイッチン グ損失を低減するための条件について検討する。各スイッ チング時に発生しうる瞬時スイッチング損失のうち、入力 線間電圧および出力電流がともに最大のときに、最大の瞬 時スイッチング損失が発生する。また、この条件をもとに 最大瞬時スイッチング損失の発生しないスイッチングパタ ーン制御を提案し、これまでシミュレーションによりその 有効性を確認している<sup>(9)</sup>。本論文では、提案法について実機 実験を行い、その動作検証を行い有効性を示す。

## 2. 仮想 AC/DC/AC 方式<sup>(2)(3)</sup>

マトリックスコンバータの制御方式は大別して直接形と 仮想間接形の2種類存在する。直接形は3相入出力を同時 に3つ接続できるため、スイッチングパターンの自由度が 高いが、制御は複雑である。これに対して仮想間接形はマ トリックスコンバータを仮想的に2つの回路に分ける方式 で、2つの回路の間に仮想的な直流部が存在する。これによ り、入力と出力は同時に2つまでしか接続できないため、 直接形に比較して自由度は低いが、制御は簡単である。

図 1 にマトリックスコンバータの回路構成を示す。マト リックスコンバータはLCフィルタと9つの双方向スイッチ によって構成される。双方向スイッチは逆阻止 IGBT を逆並 列に接続した構成となっており、出力 1 相に対して入力 3 相が接続される。マトリックスコンバータの入力 m(r, s, t) 相、出力 n(u, v, w)相の間に接続されている双方向スイッ チを  $S_{mn}$  とし、そのデューティ比を  $d_{mn}$  とすると、出力相電 圧  $[v_u v_v v_w]$ は、入力相電圧  $[v_r v_s v_l]$ を用いて(1)式で表され る。ただし、t は転置記号とする。

$v_u$		$d_{ru}$	$d_{su}$	$d_{tu}$	$v_r$	
$v_v$	=	$d_{rv}$	$d_{sv}$	$d_{tv}$	v <sub>s</sub>	(1)
$v_w$		$d_{rw}$	$d_{sw}$	$d_{tw}$	$v_t$	

図 2 に仮想 AC/DC/AC 方式の構成図を示す。マトリック スコンバータを仮想整流器と仮想インバータに分割して, それぞれのデューティ指令を合成することで,マトリック スコンバータを構成する 9 個のスイッチング素子のデュー ティ指令とする。入力相電圧の中点を基準とした,直流リ ンク電圧 *e<sub>dcp</sub>*, *e<sub>dcn</sub>は*,入力相電圧を用いて(2)式で表され, 出力電圧との関係は(3)式で表される。



図1の直接形マトリックスコンバータと図2の間接形マ トリックスコンバータにおいて、同一の入出力電圧、およ び入出力電流の関係を得るには(4)式が成立すればよい。

$$\begin{bmatrix} d_{ru} & d_{su} & d_{tu} \\ d_{rv} & d_{sv} & d_{tv} \\ d_{rw} & d_{sw} & d_{tw} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} d_{up} & d_{un} \\ d_{vp} & d_{vn} \\ d_{wp} & d_{vn} \\ d_{wp} & d_{wn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} d_{rp} & d_{sp} & d_{tp} \\ d_{rm} & d_{sn} & d_{m} \end{bmatrix} \dots \dots \dots \dots \dots (4)$$

(4)式の右式より仮想整流器と仮想インバータのデューティを合成することで、マトリックスコンバータのデューティを得ることができる。

#### 〈2.1〉 仮想整流器のデューティの決定

図3に入出力の空間ベクトル図を示す。仮想間接形の場



Fig. 1. Circuit configuration of the matrix converter.



Fig. 2. Virtual AC/DC/AC converter.



Fig. 3. Space vector of virtual AC/DC/AC converter.

合,これまでの整流器,インバータの空間ベクトルで考え ることができる。

図 3(a)は入力の整流器の電流空間ベクトル図である。*I*<sub>1</sub>~*I*<sub>6</sub> は入力電流ベクトルである。また,各電流ベクトルに付随 するアルファベットは整流器スイッチのオンオフの状態を 表している。たとえば,(RT)ならば,整流器の上段のr相と 下段のt相がオンされていることを示している。このとき, 電圧利用率向上のため,任意のセクタにおける入力線間電 圧最大相および中間相ベクトルを用いて制御する。たとえ ば,入力指令ベクトル*I*<sub>in</sub>\*がセクタ2に存在する状態を考え ると,セクタを構成する*I*<sub>1</sub> と *I*<sub>2</sub>,およびゼロベクトルを用 いて最大円軌跡を描く。各ベクトルはそのオン時間との積 によってベクトル長が調整され、さらに各ベクトル同士を 加算することで指令ベクトルが表現される。したがって、 $I_1$ 、  $I_2$ およびゼロベクトルの $\alpha\beta$ 成分をそれぞれ $I_{1\alpha}$ 、 $I_{1\beta}$ 、 $I_{2\alpha}$ 、 $I_{2\beta}$ 、  $I_{0\alpha}$ 、 $I_{0\beta}$ とすると、指令ベクトルは(5)式で表される。

$I_{i\alpha} \\ I_{i\beta} \\ 1$	=	$\begin{bmatrix} I_{1\alpha} \\ I_{1\beta} \\ 1 \end{bmatrix}$	$I_{2\alpha} \\ I_{2\beta} \\ 1$	$\begin{bmatrix} I_{0\alpha} \\ I_{0\beta} \\ 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} d_{i1} \\ d_{i2} \\ d_{i0} \end{bmatrix}$	(5)
		L 1	1	1	$a_{i0}$	

(5)式を解いて各整流器ベクトルの入力デューティ $d_{i1}, d_{i2}, d_{i0}$ を得る。 $d_{i1}$ および $d_{i2}$ はクラメルの公式を用いて

を解くことで得ることができる。 ただし,

$$\mathbf{A} = \begin{vmatrix} I_{1\alpha} & I_{2\alpha} \\ I_{1\beta} & I_{2\beta} \end{vmatrix}$$

である。

また,入力デューティの総和は1なので $d_{i0}$ は $d_{i0}$ =1- $d_{i1}$ + $d_{i2}$ .....(7)として得ることができる。

なお,整流器にはゼロベクトルが3種類あるが,本稿で は入力相電圧絶対値の最大相のスイッチはオン状態を保 ち,上段と下段のどちらか一方のみのスイッチング素子で 制御するようにゼロベクトルを決定し,スイッチングの回 数を抑制する。

#### 〈2.2〉 仮想インバータのデューティの決定

図 3(b)は出力のインバータの電圧空間ベクトル図である。  $V_1 \sim V_6$ は出力電圧ベクトルである。また、各電圧ベクトルに 付随するアルファベットはインバータスイッチのオンオフ の状態を表している。たとえば、(110)ならば、インバータ の上段は u 相と v 相がオンされており、下段は w 相がオン されていることを示している。出力指令ベクトル  $V_{out}^*$ がセ クタ 1 に存在する場合を考える。仮想整流器の場合と同様 にセクタを構成する  $V_1 \geq V_2$ 、およびゼロベクトルを用いて 指令ベクトルを描く。 $V_1$ 、 $V_2$ およびゼロベクトルの $\alpha\beta$ 成分 をそれぞれ  $V_{1\alpha}$ ,  $V_{1\beta}$ ,  $V_{2\alpha}$ ,  $V_{2\beta}$ ,  $V_{0\alpha}$ ,  $V_{0\beta}$ とすると、指令ベ クトルは(8)式で表される。

	$V_{o\alpha}$ $V_{o\beta}$ 1	=	$V_{1\alpha}$ $V_{1\beta}$ 1	$V_{2lpha}$ $V_{2eta}$ 1	$V_{0\alpha}$ $V_{0\beta}$ 1	$\begin{bmatrix} d_{o1} \\ d_{o2} \\ d_{o0} \end{bmatrix}$	(8)
l	· ' -	IL	. 1	1	1	$\lfloor u_{o0} \rfloor$	

(8)式を解いて各インバータベクトルの出力デューティ *d*<sub>01</sub>, *d*<sub>02</sub>, *d*<sub>00</sub>を得る。*d*<sub>01</sub>および*d*<sub>02</sub>はクラメルの公式を用い

Table 1. Composition of the vectors.

Rectifier vector	Inverter vector	Matrix converter vector	
рт	(000)	TTT	
KI	(111)	RRR	

Before	After
TRT	TTT
TRT	RRR

-7	_	
(		
	-	

$$d_{o1} = \frac{\begin{vmatrix} V_{0\alpha} & V_{2\alpha} \\ V_{0\beta} & V_{2\beta} \end{vmatrix}}{|\mathbf{A}|} ....(9)$$
$$d_{o2} = \frac{\begin{vmatrix} V_{1\alpha} & V_{0\alpha} \\ V_{1\beta} & V_{0\beta} \end{vmatrix}}{|\mathbf{A}|}$$

として得ることができる。 ただし,

$$\mathbf{A} = \begin{vmatrix} V_{1\alpha} & V_{2\alpha} \\ V_{1\beta} & V_{2\beta} \end{vmatrix}$$

である。

また、出力デューティの総和は1なので $d_{o0}$ は  $d_{o0} = 1 - d_{o1} + d_{o2}$  .....(10)

により,得ることができる。

その後,各ベクトルのデューティから各スイッチのオン デューティにスイッチングテーブルを用いて変換し,(4)式 からマトリックスコンバータのスイッチのデューティに変 換する。

#### 〈2.3〉 スイッチングパターンの合成

インバータにはゼロベクトルが(000)と(111)の2種類存在 するが、仮想間接形マトリックスコンバータでは(4)式より、 整流器側やインバータ側のスイッチングパターンが異なる と合成後のマトリックスコンバータのスイッチングパター ンが変化する。表1にマトリックスコンバータのベクトル 合成の例を示す。インバータベクトルが同じゼロベクトル であっても(000), (111)では合成後のマトリックスコンバー タのベクトルが異なっていることがわかる。表2 にベクト ルの違いによってスイッチング時に切り替わる相の違いを 示す。ともに、(TRT)からマトリックスコンバータのゼロベ クトルに切り替わる様子を表している。表中のアルファベ ットはマトリックスコンバータの各出力層にどの入力層が 接続されているかを表している。たとえば、(TRT)ならば、 出力u相とw相に入力t相,出力v相に入力r相が接続され ていることを示している。(TTT)に切り替わる際はv相が、 (RRR)に切り替わる際は、u相とw相が変化していることが わかる。これより、スイッチングする相が変化することに

より,発生するスイッチング損失も変化する可能性がある ことがわかる。

# ゼロベクトル切り替えによるスイッチング損 失の低減

先行研究において,仮想インバータの2つのゼロベクト ルを切り替えることで,最大瞬時スイッチング損失の発生 しないスイッチングパターン制御が可能であることを示し ている<sup>(9)</sup>。これについて説明する。

いま,仮想整流器の指令ベクトルが図 3(a)中のセクタ 1 に,また仮想インバータの指令ベクトルが図 3(b)中のセクタ 1に存在する場合を考える。このとき,仮想整流器の指令ベ クトルを構成するのは(RS),(RT),および(RR)なので,入力 の最大相はr相であり,上段が全オン状態だとわかる。

仮想インバータでは、同一セクタ内でも中間相  $v_{mid}$  が負の ときと中間相  $v_{mid}$  が正のときでは最大相が異なる。 $v_{mid} < 0$ の とき最大相は u 相であり、 $v_{mid} > 0$ のとき最大相は w 相であ る。(4)式のデューティ合成式より、仮想整流器と仮想イン バータではそれぞれ上段どうし、下段どうしの積を足し合 わせる。

図4にv<sub>mid</sub>によるゼロベクトルの選択の様子を示す。また, 表3に合成時のマトリックスコンバータのスイッチングパ ターンを示す。この場合,図4(a)のようにv<sub>mid</sub><0の場合,仮 想インバータのゼロベクトルを(111)とすれば,合成後に入 力最大相r相と出力最大相u相の最大相どうしのスイッチン グが発生しない。また,図4(b)のようにv<sub>mid</sub>>0の場合,仮 想インバータのゼロベクトルを(000)とすれば,合成後に入 力最大相r相と出力最大相w相の最大相どうしでスイッチ ングをしないスイッチングパターンが生成できる。このよ うに,仮想インバータのゼロベクトルを出力中間電圧によ って切り替えることで,最大相どうしのスイッチングを抑 制する。

図 5 に提案方式のマトリックスコンバータのデューティ 指令までのフローチャートを示す。入力3相電流指令値 $i_r^*$ ,  $i_s^*$ ,  $i_t^*$ を3相/静止座標変換することで、図3(a)のような空間 ベクトル図上に入力指令ベクトルを生成し、入力セクタを 判別する。判別したセクタより、2章で述べたように、指令 ベクトルを構成する基本ベクトルが決定されるので、(5)式 を用いて仮想整流器デューティを計算する。同様にして、 出力3相電圧指令値 $v_u^*$ ,  $v_v^*$ ,  $v_w^*$ より、仮想インバータデュ ーティも計算する。そして、各基本ベクトルのスイッチン グ関数  $s_{np}$ および $s_{nn}$ を用いて各ベクトルのデューティをス イッチのオンデューティに(11)式および(12)式を用いて変換 する。

$d_{up}$		$\int S_{up1}$	$S_{up2}$	S <sub>up0</sub>	$\begin{bmatrix} d_{o1} \end{bmatrix}$	
$d_{vp}$	=	S <sub>vp1</sub>	$S_{vp2}$	$S_{vp0}$	$d_{o2}$	(11)
$d_{wp}$		$S_{wp1}$	$S_{wp2}$	$S_{wp0}$	$\lfloor d_{_{o0}} \rfloor$	

Table 3.	Composition	of the	switching	pattern
14010 01	composition	01	Surrenning	Parcern

	Rectifier	Inverter	Matrix converter
		110	RRS
	RS	100	RSS
		111	RRR
		110	RRT
$v_{\rm mid} < 0$	RT	100	RTT
		111	RRR
		110	RRR
	RR	100	RRR
		111	RRR
		110	RRS
	RS	100	RSS
		000	SSS
		110	RRT
$v_{\rm mid} > 0$	RT	100	RTT
		000	TTT
		110	RRR
	RR	100	RRR
		000	RRR







Fig. 5. Flowchart of the generating duty for MC.

	$\int d_{un} = 1 - d_{up}$	
<	$d_{vn} = 1 - d_{vp}$	(12)
	$d_{wn} = 1 - d_{wp}$	

このとき,出力3相電圧指令値より検出した中間値 $v_{mid}$ を用いて(11)式中のゼロベクトルスイッチング関数 $s_{up0}$ , $s_{vp0}$ , $s_{wp0}$ を(13)式の条件で代入することでゼロベクトルを切り替える。

$s_{up0} = 1,$	$s_{vp0} = 1$ ,	$s_{wp0} = 1 \ (v_{mid} < 0)$	(12)
$s_{up0} = 0,$	$s_{vp0} = 0,$	$s_{wp0} = 0 (v_{mid} > 0)$	(15)

その後,(4)式を用いてデューティを合成し,マトリック スコンバータのデューティとする。

### 4. 実機実験

本章では,提案方式における動作検証を行う。表 4 に実 験条件を,図 6 に提案方式の制御構成図を示す。なお,提 案方式との比較のために,仮想インバータのゼロベクトル 2 種類を両方使用する方式(A 方式)を同様の条件にて実験を 行なっている。

図7、図8および表5に、入力電圧200V、入力周波数50Hz、 出力周波数40Hz、変調率0.8、1.6kWのRL負荷を用いてA 方式と提案方式の動作実験を行ったときの結果を示す。実 験結果より、A方式および提案方式ともに、入力力率は0.990 以上であり、ほぼ1.0に制御されている。このとき、提案方 式では最大力率0.996を確認した。また、効率はA方式で は92.3%、提案方式では94.1%と、約2.0%効率が改善され た。このことから、提案方式ではスイッチング損失を低減 することができたと考えられる。また、入力電流THDはA 方式では4.53%、提案方式では4.30%である。さらに、出力 電圧THDはA方式では16.8%、提案方式では12.8%となり THDも同様に低減されることを確認した。

提案方式において,効率の改善を確認できた。しかし, 現在はデッドタイムに対する補償を行なっていない。した がって,デッドタイム補償をすることにより,さらに効率 の改善を図ることが可能であると考えられる。

-	•
Input voltage (line-to-line)	200V
Input frequency	50Hz
Output frequency	40Hz
Modulation index of MC	0.8
Load	R-L (1600W)
Carrier frequency	10kHz
LC filter $f_c$	980Hz

Table 4. Experimental parameters.



Fig. 6. Control block diagram of the proposed circuit.



Time 10[ms/div]

(a) Experimental results of the method A.



(b) Experimental results of the proposed method. Fig.7. Experimental results.

	Method A	Proposed method
Input current THD	4.53%	4.30%
Output voltage THD	16.8%	12.8%
Efficiency	92.3%	94.1%

Table 5. Experimental results.



#### 5. まとめ

本論文では、仮想間接形マトリックスコンバータにおい て、スイッチング損失を低減するためのスイッチングパタ ーン制御方式を提案した。空間ベクトル変調方式によって、 仮想インバータのゼロベクトル2種類を切り替えることで、 入出力がともに最大相でスイッチングしないようなスイッ チングパターンを生成し、最大瞬時スイッチング損失の発 生を抑制し、スイッチング損失が低減できることを実機実 験において確認した。また、提案方式は、入力電流 THD や 出力電圧 THD も低減することが可能であることを確認し た。

なお,本研究の一部は平成21年度産業技術研究助成事業 の支援を受けており,関係各位に感謝の意を表します。

文 献

- Y. Tadano, S. Hamada, S. Urushibata, M. Nomura, Y. Sato, and M. Ishida: "Direct Space Vector PWM Strategy for Matrix Converters with Reduced Number of Switching Transitions", IEEJ Trans., Vol.124-D, No.4, pp.550-559 (2008)
- (2) T. Takeshita and Y. Andou: "PWM Control of Three-Phase Matrix Converters for Reducing a Number of Commutations", IEEJ Trans., Vol.127, No.8, pp.805-812 (2007)
- (3) J. Itoh, I. Sato, H. Ohguchi, K. Sato, A. Odaka, and N. Eguchi: "A Control Method for the Matrix Converter Based on Virtural AC/DC/AC Conversion Using Carrier Comparison Method", IEEJ Trans., Vol.124-D, No.5, pp.457-463 (2004)
- (4) J. Itoh, H. Kodachi, A.Odaka, I.Sato, H. Ohguchi, and H. Umeda: "A High Performance Control Method for the Matrix Converter Based on PWM generation of Virtual AC/DC/AC Conversion", JIASC IEEJ, pp.I-303-I-308 (2004)
- (5) A. Odaka, I.Sato, H.Ohguchi, Y.Tamai, H.Mine, and J. Itoh: "A PAM Control Method for the Matrix Converter Based on Virtual AC/DC/AC Conversion Method", JIASC IEEJ, pp.I-203-I-206 (2005)
- (6) K. Deguchi and T. Takeshita: "PWM Control Method of Matrix Converters for Suppressing Input Current Harmonics by Signs of Output Currents", JIASC IEEJ, pp.I-575-I-578 (2010)

- (7) J. Haruna and J. Itoh: "Comparison of Switching Pattern for the Matrix Converter Based on Instantaneous Space Vector", JIASC IEEJ, pp.I-201-I-204 (2006)
- (8) T. Mura, J. Haruna and J. Itoh: "An Evaluation of Switching Loss and Positions of Selected Vectors Patterns for a Matrix Converter", SPC-11-022 (2011)
- (9) T. Mura, J. Itoh: "Investigation of Switching Loss Minimization for the Matrix Converter Based on Virtual AC/DC/AC Conversion Using Space Vector Modulation", JIASC IEEJ, No.1-142 (2011)