周波数逓倍回路を用いた MHz 級高周波電源の

直列共振動作における解析

折川 幸司 † 伊東 淳一 †

†長岡技術科学大学 〒940-2188 新潟県長岡市上富岡町 1603-1

E-mail: † {orikawa@vos, itoh@vos}@nagaokaut.ac.jp

あらまし本論文では周波数逓倍回路を用いた MHz の周波数を出力する高周波インバータを提案する。提案回路は,従来のSi 半導体デバイスを用いた多相インバータとマルチコアトランスで構成される。提案回路は,各相の ゲート信号の位相をずらすことで,トランス二次側にスイッチング周波数に多相インバータの相数を乗じた周波数 を出力する。したがって,インバータは出力周波数と同じ周波数でスイッチングする必要がないため,高性能な半 導体デバイスは不要であり,ワイドバンドギャップ半導体デバイスを用いたシステムと比較して低コスト化が可能 である。本論文では,提案回路の正弦波出力を目的として提案回路への直列共振適用時の解析を行う。そのため, インバータのゼロ電圧スイッチングを達成するために必要なデッドタイムを理論的に明らかにし,実機による検証 を行った。その結果,スイッチング周波数 500kHz の5 相インバータとマルチコアトランスを用いた 2.5MHz 出力の 試作機において,実際にゼロ電圧スイッチング可能であることを確認した。

キーワード プラズマ発生装置,非接触給電,周波数逓倍,直列共振,デッドタイム

Analysis of MHz Power Supply

Constructed from Frequency Multiplying Circuit with Series Resonance

Koji ORIKAWA[†] Jun-ichi ITOH[†]

† Nagaoka University of Technology 1603-1 Kamitomioka, Nagaoka, Niigata, 940-2188 Japan
 E-mail: † {orikawa@vos, itoh@vos}@nagaokaut.ac.jp,

Abstract This paper proposes a high-frequency inverter which outputs MHz band frequency using a multiplying frequency method. The proposed circuit consists of a multi-phase inverter and multiple-core transformers. The proposed circuit outputs frequency which is a product of the switching frequency and the number of phase in the multi-phase inverter by shifting each phase of gate signals in the multi-phase inverter. Therefore, the multi-phase inverter does not need to operate at the frequency as same as the output frequency. As a result, the proposed circuit does not require high performance switching devices and can reduce the cost compared to a system using wide-band gap semiconductor devices. In this paper, the proposed circuit with a series resonance is analyzed for sinusoidal output voltage. The required dead-time which achieves the zero voltage switching in the multi-phase inverter is theoretically clarified and experimentally verified. As a result, it is confirmed that the zero voltage switching is experimentally achieved on a prototype circuit which consists of a five-phase inverter operated at the switching frequency of 500 kHz and the multi-core transformers and outputs the frequency of 2.5 MHz.

Keyword Plasma Generator, Wireless Power Transfer, Frequency Multiplication, Series Resonance, Dead-time

1. はじめに

半導体製造用プラズマ発生装置,誘導加熱装置用に MHz 帯の周波数を出力する高周波電源の研究が盛ん である⁽¹⁾⁻⁽⁸⁾。また,近年では非接触電力伝送装置へ適 用する高周波電源の高効率化・小型化に関する研究が 盛んに行われている⁽⁹⁾。従来,トランジスタの線形増 幅を用いたリニアアンプ方式が使用されてきた。しか しながら,原理的に損失が大きいため,大型のヒート シンクや強制空冷用ファンが必要であり,装置が大型

化,重量化するため高コストである。

従来のリニアアンプ方式に対して高効率な増幅回 路として、半導体のスイッチングを用いた D 級、E 級 動作によるスイッチング方式高周波電源が提案されて いる⁽¹⁰⁾⁻⁽¹¹⁾。特に、E 級高周波電源はスイッチング損 失を低減できるため、特に MHz 級高周波電源において 高効率を実現できる。しかし、半導体デバイスを MHz で確実にスイッチングさせるためには、スイッチング 時間の短い高性能な半導体デバイスが必要となり、コ ストが増大する。

一方で,SiCやGaNなどのワイドバンドギャップ半 導体の登場により,従来のSiよりも低損失,高速スイ ッチング可能なIGBTやMOSFETの適用による高周波 電源の高効率化が盛んである⁽¹²⁾。しかしながら,ワイ ドバンドギャップ半導体デバイスはオン状態となるゲ ート閾値電圧が低い。そのため,スイッチング時の誤 点弧対策ためにゲート駆動回路の実装が困難になるこ とや,部品点数増加によりゲート駆動回路の制御が困 難になるという問題がある。したがって,ワイドバン ドギャップ半導体デバイスを使用した高周波電力変換 器ではその性能を十分に生かしきれていない。それに 加えて,ワイドバンドギャップ半導体は依然,Siと比 べて高価であり,電源が高コストになる。

著者らはこれまでに、周波数逓倍回路を用いた MHz 級高周波電源を提案している⁽¹³⁾。提案回路は、多相イ ンバータとマルチコアトランス⁽¹⁴⁾を用いた周波数逓 倍の原理によりスイッチング周波数以上の周波数の高 周波電圧を出力する。したがって、インバータは出力 周波数と同じ周波数でスイッチングする必要がない。 その結果、高性能な半導体デバイスは不要であり、ワ イドバンドギャップ半導体デバイスを用いたシステム と比較して低コスト化が可能である。

また,これまでに提案回路のトランス二次側に直列 に共振用コンデンサを接続することで負荷に正弦波電 圧を得られることを確認している。しかし,直列共振 による電流振幅の増加で,インバータの導通損失やマ ルチコアトランスの銅損が増大する。一方で,共振形 の電力変換器においては,スイッチの寄生容量に着目 したゼロ電圧スイッチングによるスイッチング損失の 低減が変換効率の改善に有効である。しかし,提案回 路への直列共振適用時のゼロ電圧スイッチングを達成 するために必要なデッドタイムの条件についてはこれ までに理論的に明らかにされていない。

本論文では,周波数逓倍回路を用いた MHz 級高周波 電源に直列共振を適用した場合の動作を解析する。第 2 章より,インバータを構成する半導体スイッチのゼ ロ電圧スイッチングを達成するために必要なデッドタ イムを理論的に明らかにし,その妥当性を実機実験に よって検証する。

2. 提案する周波数逓倍回路

2.1. 提案回路の構成と制御法

図 1(a)に提案回路を示す。提案回路は,5 相電圧形 インバータにマルチコアトランスを接続し,トランス 一次側を並列に接続しその接続点をインバータの直流 中間コンデンサの中点に接続,トランス二次側を直列 接続した構成である。また,提案回路のマルチコアト ランスの一次側各相の漏れインダクタンスを *l*₁,二次 側漏れインダクタンスを *l*₂,一次側各相の巻線抵抗を *r*₁,二次側巻線抵抗を *r*₂とする。本論文では,共振コ ンデンサ *C*,はマルチコアトランスの二次側に接続す る。5 相電圧形インバータは各相のゲート電圧指令を それぞれ 72 度ずつ位相シフトさせて方形波駆動する。

図 1(b)に,提案回路の周波数逓倍の原理図を示す。 各トランス一次側電圧は位相のずれた方形波であり, トランス二次側を直列接続するため,インバータの相 数,またはトランスの段数を N とするとトランス二次 側の出力周波数 fout はインバータのスイッチング周波 数 fswを用いて(1)式で表される。



(b) Frequency multiplying method.

(a) Main circuit.
 (b) F
 Fig. 1. Proposed circuit using five-phase inverter.

したがって,出力周波数 f_{out} を 2.5MHz,インバータ を 5 相 (N=5) で設計する場合,スイッチング周波数 f_{sw} は 500 kHz となる。

2.2. 等価回路

図2に,提案回路のハーフブリッジ等価回路を示す。 C,がドレイン・ソース間の寄生容量を示す。図 2(b)が 共振コンデンサを接続しない場合,図2(c)が共振コン デンサを接続する場合の等価負荷インピーダンスであ る。等価回路の負荷インピーダンスは、トランスの漏 れインダクタンスや巻線抵抗,負荷抵抗をトランスー 次側に換算したモデルで表される。本節では、解析の 簡単化のため, 励磁インダクタンスは漏れインダクタ ンスに対して十分大きいものとし高インピーダンスと して等価回路では考慮しない。さらに,スイッチのオ ン抵抗、寄生ダイオードの順方向電圧はゼロと仮定す る。等価回路では、負荷インピーダンスを流れる電流 が直流中性点電流 i。に相当する。また, 直流リンクコ ンデンサ C_{dc} は十分大きいものとし等価スイッチング fout の 1 周期中でコンデンサ電圧が一定であると仮定 し、直流電圧源で模擬している。なお、等価回路上で は一次側各相の漏れインダクタンス l1 と一次側各相の 巻線抵抗 r1は、等価スイッチング周波数が fout に相当 することからそれぞれ多相インバータの相数 Nを用い て(2), (3)式で表される。

$l_1' = N \times l_1$	(2)
$r_1 = N \times r_1$	

図3に等価回路のゲート信号を示す。デッドタイム を*T_d*で示し,点線のデッドタイム期間を解析の対象と する。次章より,まず共振コンデンサを接続しない場 合のゼロ電圧スイッチング条件を明らかにする。その 後,共振コンデンサを接続した場合について検討する。

3. ゼロ電圧スイッチング条件の導出

3.1. 共振コンデンサを接続しない場合

図4に、ハードスイッチングとなる場合とゼロ電圧 スイッチングとなる場合の、ゲート信号とスイッチ電 圧、等価負荷インピーダンスを流れる電流を示す。ゼ ロ電圧スイッチングを達成する条件はスイッチのドレ イン・ソース間寄生容量の充放電時間 T_1 とその後等価 負荷インピーダンスの電流極性が反転するまでの時間 T_2 、そしてデッドタイム T_d によって決定される。以降 で、等価回路の各モードにおける動作を解析し、ゼロ 電圧スイッチングの条件を理論的に明らかにする。 i)Mode I($t \leq 0$)

Mode I はデッドタイム開始直前のモードであり,ス イッチ S₁がオン, S₂がオフである。このとき,スイッ チ S₁には I_{SwI} が流れているものとする。本論文では, Mode I の終了する時点を t=0 と定義する。 ii)Mode II(0 $\leq t \leq T_I$)



(a) Half-bridge circuit.

 S_1

(b) Load impedance without series resonance.

(c) Load impedance with series resonance.

Fig. 2. Equivalent circuit of proposed circuit.





(a) Hard switching. (b) Zero voltage switching. Fig. 4. Theoretical waveforms during dead-time period.

Mode II で S_1 がターンオフし、デッドタイム期間が 始まる。Mode II は、 S_1 の寄生容量の電圧が直流電圧 V_{in} まで充電、 S_2 の寄生容量の電圧がゼロなるまで続く。 このとき, Mode II の終了する時点を $t=T_1$ と定義する。 図 2 の等価回路において, スイッチ S_1 の電圧 V_{ds1} について回路方程式を解くと, V_{ds1} は(4)式で表される。

$$V_{ds1}(t) = \frac{V_{in}}{2} \left\{ 1 - \exp\left(-\frac{R}{2L}t\right) \left(\cos\omega_1 t + \frac{K_1}{\omega_1}\sin\omega t\right) \right\} (4)$$

ここで, V_{in}:入力電圧, ω_l:固有角周波数, K_l:係数, である。このとき, ω_l と K_l は(5), (6)式で表される。

(4)式=0より, Mode II の終了する時点 *T*₁は,回路パ ラメータが(7)式の条件を満足すると仮定して,(8)式で 表される。



また, Mode II 終了時における *t=T*₁における直流中 性点を流れる電流 *I*_{T1} は(9)式で表される。

iii)Mode III

I

Mode III の期間では等価回路の負荷インピーダンス には直流電圧 *V_{in}/2* が印加されることから,直流中性点 を流れる電流は(11)式で表される。

Mode III が開始し直流中性点の電流極性が切り替わる 時刻 T_2 は(11)式=0を解くことで導出できる。(11)式=0 より, T_2 は(12)式で得られる。

デッドタイム T_d が T_l+T_2 より大きい場合, スイッチ S_2

のドレイン・ソース間の寄生容量の充電が始まり、ゼロ電圧スイッチングできなくなる。よって、ゼロ電圧スイッチング動作を実現できるデッドタイム T_d は、 T_1 と T_2 を用いて(13)式で表される。

3.2. 共振コンデンサを接続する場合

図 2 中の等価共振コンデンサの容量は共振周波数 *f*_rを用いて,(14)式で与えられる。

$$C = \frac{1}{\left(2\pi f_r\right)^2 L} \qquad (14)$$

また、マルチコアトランスの二次側に接続する共振 コンデンサの容量は(15)式で与えられる。

共振コンデンサを接続する場合においても,前節で の共振コンデンサを接続しない場合と同様の手順で, ゼロ電圧スイッチング条件を導出する。

i)Mode I

共振コンデンサを接続する場合,前節は異なり等価 漏れインダクタンス,等価共振コンデンサ,そしてド レイン・ソース間寄生容量の間で共振が発生するため, S₁だけでなく S₂にも *I_{sw2} が流れている。* ii) Mode II

このとき、 V_{dsl} は(16)式で表される。

$$V_{dsl}(t) = \frac{V_{in}}{2} \left\{ 1 - \exp\left(-\frac{R}{2L}t\right) \begin{pmatrix} \cos\omega_2 t \\ +\frac{K_3}{\omega_2}\sin\omega_2 t \end{pmatrix} \right\} \dots \dots (16)$$

このとき,固有角周波数 ω_2 と係数 K_3 は(17),(18)式 で表される。

(16)式=0より, Mode II の終了する時点 *T*₁を導出可 能であるが,(7)式の条件を満足すると仮定し,共振コ ンデンサを接続する場合も,時刻 *T*₁は(8)式で表され るものとする。

また, Mode II 終了時の *t*=*T*₁ における直流中性点を流 れる電流は(19)式で表される。

$$I_{T_{1}} = i_{1}(T_{1}) - i_{2}(T_{1})$$

= $(I_{Sw1} - I_{Sw2}) \exp\left(-\frac{R}{2L}T_{1}\right) \begin{pmatrix} \cos \omega_{2}T_{1} \\ +\frac{K_{4}}{\omega_{2}}\sin \omega_{2}T_{1} \end{pmatrix}$ (19)

このとき,係数 K₄は(20)式で表される。

iii)Mode III

Mode IIIの期間では図 2(c)に示す等価回路の負荷イン ピーダンスに直流電圧 V_{in}/2 が印加されることから,直 流中性点を流れる電流は RLC 直列回路の過渡現象を 解くことで(21)式で表される。

$$i_o = I_{T1} \exp\left(-\frac{R}{2L}t\right) \left(\cos\omega_3 t + \frac{K_5}{\omega_3}\sin\omega_3 t\right) \dots \dots \dots (21)$$

このとき,固有角周波数*ω*3と係数 K5は(22),(23)式で表される。

$$\omega_3 = \sqrt{\frac{1}{2LC} - \left(\frac{R}{2L}\right)^2} \quad \dots \qquad (22)$$

$$K_{5} = \frac{\frac{V_{in}}{2} - V_{c}(0)}{LI_{T1}} - \frac{R}{2L}$$
(23)

ここで, $V_c(0)$: $t=T_I$ における等価共振コンデンサの電 圧,である。

Mode III が開始し直流中性点の電流極性が切り替わる時刻は(21)=0より(24)式を満足する *T*₂で与えられる。

$$\cos\omega_3 T_2 + \frac{K_5}{\omega_2} \sin\omega_3 T_2 = 0 \quad \dots \quad (24)$$

したがって、共振コンデンサを接続する場合も、ゼロ電圧スイッチング動作を実現できるデッドタイム T_d は、(8)式に示す T_l と(22)式を満足する T_2 を用いて(13)式で表される。

4. 実機検証

前章で明らかにしたゼロ電圧スイッチングを達成 するために必要なデッドタイムの条件式を実機実験に よって検証する。表1に実験条件,表2にバイファイ ラ巻⁽¹³⁾を適用したマルチコアトランスの実測パラメ ータを示す。インバータの相数Nは5相とし,スイッ チング周波数500kHzで出力周波数を2.5MHzとして実 験を行う。

4.1. 共振コンデンサを接続しない場合

図 5 に共振コンデンサを接続しない場合の実験結果 を示す。負荷には 100Ωの無誘導抵抗を使用する。本実 験では、試験機の都合上、デッドタイム *T_d*を 85ns 固 定とし、マルチコアトランスの漏れインダクタンスを 増減させることで、(13)式のデッドタイムの条件式の 真偽を切り替える。実験結果より、2μs 期間中にイン バータ U 相電圧が 1 周期分あることからスイッチング 周波数が 500kHz であることを確認できる。一方,400ns 期間中にインバータ U 相電流、負荷電圧および出力電

Table. 1. Experimental condition.

Parameter	Symbol	Value	Unit
Primary number of turn	N_{I}	5	turns
Secondary number of turn	N_2	10	turns
Turn ratio	п	1/2	
Switching frequency	f_{sw}	500	kHz
Output frequency	fout	2.5	MHz

Table. 2. Parameters of multi-core transformers.



Fig. 5. Experimental waveforms without series resonance capacitor.

流が1周期分あることから出力周波数が2.5MHz であることがわかる。

図 5(a)に、デッドタイムが *T*₁+*T*₂ よりも大きく(13) 式を満足しない場合の実験結果を示す。実験結果より、 インバータU相電圧にひずみが発生することがわかる。 これは、前章で明らかにした動作にしたがって、デッ ドタイム期間中の時刻 *T*₁ 経過後に U 相電流の極性が 反転し、上下アームの各ドレイン・ソース間寄生容量 が充電、もしくは放電を再開するためである。

図 5(b)に、デッドタイムが(13)式を満足する場合の 実験結果を示す。実験結果より、U相においてゼロ電 圧スイッチングを達成しているため、インバータ U相 電圧は方形波となることがわかる。以上より、(13)式 の妥当性を確認した。

4.2. 共振コンデンサを接続する場合

図6に共振コンデンサを接続する場合の実験結果を 示す。ここでは、負荷には50Ωの無誘導抵抗を使用す る。実験結果より、共振コンデンサを接続することで 負荷電圧に 2.5MHz の正弦波電圧を得られることを確認した。また、インバータ U 相出力電圧にひずみがないことから、(13)式に示す適切なデッドタイムを与えることでターンオン時にゼロ電圧スイッチングを達成していることを確認した。したがって、適切なデッドタイムを設定することで多相インバータでの損失を低減し、提案回路の高効率化に寄与することを確認した。

5. まとめ

本論文では、非接触給電やプラズマ発生装置用の MHz 出力高周波インバータを提案した。提案回路は多 相インバータとマルチコアトランスで周波数逓倍回路 を構成する。その結果, インバータは出力周波数と同 じ周波数でスイッチングする必要がないため,高性能 な半導体デバイスは不要であり、ワイドバンドギャッ プ半導体デバイスを用いたシステムと比較して低コス ト化が可能である。本論文では,提案回路の正弦波出 力を目的として提案回路への直列共振適用時の解析を 行った。その結果、インバータのゼロ電圧スイッチン グを達成するためにはドレイン・ソース間の寄生容量 が充放電した後,再び充放電を開始する前に次のスイ ッチングに移行する適切なデッドタイムに設定するこ とが必要であることを明らかにした。最後に、実機に よる検証を行い、スイッチング周波数 500kHz の 5 相 インバータとマルチコアトランスを用いた 2.5MHz 出 力の試作機において,実際にゼロ電圧スイッチング可 能であることを確認した。

文 献

- [1] H. Ohguchi, R. Shimotaya, T. Shimizu, H. Takagi, M. Ito: "13.56MHz Current Source Inverter Based on Immittance Conversion Topology", T. IEEJapan, Vol. 121-D, No. 7, pp.805-813(2001)(in Japanese)
 大口・下田屋・清水・高木・伊藤:「イミタンス変換理論を応用した 13.56MHz 電流出力形インバータ」, 電学論 D, Vol.121, No. 7, pp.805-813(2001)
- [2] H. Iwabuki, H. Iwata: "5kV/50A/2MHz High Voltage Inverter for Gas Discharge Laser without Step-up Transformer", T. IEEJapan, Vol. 127-D, No. 11, pp.1157-1163(2007)(in Japanese)
 岩蕗・岩田:「放電レーザ用 5kV/50A/2MHz トラ ンスレス高圧インバータの開発」, 電学論 D,

Vol.127, No. 11, pp.1157-1163(2007)

- [3] D. Goodman, A. Bortkiewicz, G. Alley, and W. Holber, "RF Power Supply With Integrated Matching Network," U.S. Patent 6 887 339, Sep. 20 (2001)
- [4] H. Fujita, H. Akagi, S. Shinohara: "A 2-MHz 6-kVA Voltage-Source Inverter Using Low-Profile MOSFET Modules for Low-Temperature Plasma Generators", IEEE Transaction on Power Electronics, Vol.14, No.6, pp.1014-1020 (1999)
- [5] D. Puyal, C. Bermal, J. M. Burdio, J. Acero, I. Millan: "Versatile High-Frequency Inverter Module for Large-Signal Inductive Loads Characterization Up to 1.5 MHz and 7 kW", IEEE Transaction on Power Electronics, Vol.23, No.1, pp.75-87 (2008)
- [6] H. Ikeda, H. Yoshida, S. Shinohara: "Megasonic



Fig. 6. Experimental waveforms with series resonance capacitor $(T_1 < T_d < T_1 + T_2)$.

Transducer Drive Utilizing MOSFET DC-to-RF Inverter with Output Power of 600 W at 1 MHz", IEEE Transaction on Industrial Electronics, Vol.46, No.6, pp.1159-1173 (1999)

- [7] J. M. Rivas, O. Leitermann, H. Yehui, D. J. Perreault: "A Very High frequency DC-DC Converter Based on a class Φ_2 Resonant Inverter", IEEE Transaction on Power Electronics, Vol.26, No.10, pp.2980-2992 (2011)
- [8] M. P. Theodoridis, S. V. Mollov: "Robust MOSFET Driver for RF, Class-D Inverters", IEEE Transaction on Industrial Electronics, Vol.55, No.2, pp.731-740 (2008)
- [9] N. Hagiwara: "Study on the Principle of Contactless Electric Power Transfer via Electromagnetic Coupling", T. IEEJapan, Vol. 131-D, No. 5, pp.708-713(2011)(in Japanese)
 萩原:「電磁結合による非接触電力伝送の原理」, 電学論 D, Vol.131, No. 5, pp.708-713(2011)
- [10] R. J. Calder, Lee Seung-Hwan, R. D. Lorenz: "Efficient, MHz frequency, resonant converter for sub-meter (30 cm) distance wireless power transfer", ECCE US, pp. 1917-1924 (2013)
- [11] A. Mediano and N. O. Sokal, "A Class-E RF Power Amplifier with a Flat-Top Transistor-Voltage Waveform," IEEE Transaction on Power Electronics, Vol.28, No.11, pp.5215-5221 (2013)
- [12] T. Yamagishi, H. Akagi, S. Kinouchi, Y. Miyazaki, M. Koyama: "A 750-V, 100-kW, 20-kHz Bidirectional Isolated DC/DC Converter Using SiC-MOSFET/SBD Modules", T. IEEJapan, Vol. 134-D, No. 5, pp.544-553(2014)(in Japanese)

山岸,赤木,木ノ内,宮崎,小山: 「SiC-MOSFET/SBD モジュールを用いた 750V, 100kW, 20kHz双方向絶縁形 DC/DC コンバータ」, 電学論 D, Vol.134, No. 5, pp.544-553(2014)

- [13] K. Orikawa, Y. Fujita, J. Itoh: "Investigation for High Output of 2.5MHz Power Supply Constructed from Multi-Core Transformers and a Multi-Phase Inverter and Application for Wireless Power Transfer", APEC2014, pp. 1329-1335 (2014)
- [14] G. Ortiz, J. Biela, D. Bortis and J. W. Kolar: "1 Megawatt, 20 kHz, Isolated, Bidirectional 12kV to 1.2kV DC-DC Converter for Renewable Energy Applications", The 2010 International Power Electronics Conference, pp. 3212-3219 (2010)