連系マトリックスコンバータによる 発電機のビートレス制御の実機検証

片岡 拓也* 伊東淳一(長岡技術科学大学)

Experimental Verification of the Beat-less Control for Interconnection Matrix Converter Applied to Generator. Takuya Kataoka^{*}, Jun-ichi Itoh, (Nagaoka University of Technology)

The paper presents a beat-less control for a matrix converter in an islanded operation system. When a rectifier load is connected to a matrix converter, Instantaneous active power oscillates at six-times the grid frequency. However, the matrix converter do not compensate power ripple because the matrix converter does not have energy buffer such as an electricity capacitor. Therefore, the beat current in the generator side occur. In the proposed method, in order to cancel beat current, d-axis current is injected. As experimental results, the matrix converter achieves the stable operation with a rectifier load. The beat current of a low frequency component can be reduced by 80% with proposed method.

キーワード:マトリックスコンバータ,自立運転,整流器負荷,ビートレス制御, (Matrix converter, Islanded operation, Rectifier load, Beat-less control)

1. はじめに

近年,交流から交流へ直接電力変換できるマトリックス コンバータの研究が盛んに行われている^{[1]-[3]}。マトリックス コンバータでは,主電力経路に電解コンデンサのような大 容量のエネルギーバッファを持たないため,変換器の長寿 命化が期待されている。また,従来のPWM 整流器とPWM インバータで構成される Back to Back システムと比較する と電源から負荷までの電流通過素子数が少なく高効率化, 小型化ができる利点がある。

マトリックスコンバータのこのような利点を活かして, エンジン発電機,風力発電等を用いた分散電源システムや ACマイクログリッドへの適用が期待されている^[4]。こうい ったシステムでは,発電機を入力としてマトリックスコン バータに接続し,系統は出力側へと接続される。系統が正 常に動作している場合,このシステムは発電機から系統へ 電力を逆潮流させる系統連系動作をする。また,有効電力 を逆潮流させる必要がない場合は,アクティブフィルタと いった電力障害補償装置として動作する制御について検討 されている^[5]。しかし,系統が停電した場合,分散電源シス テムが系統から解列し,系統からの負荷への電力供給が断 たれる。そのため,停電時に発電機から重要負荷へ電力を 直接供給する自立運転動作が必要となる。

これまでのマトリックスコンバータを用いた自立運転動 作では,抵抗負荷など線形負荷が接続されている場合につ いての検討はなされている^[6]。しかし,整流器負荷といった 高調波や電力脈動を含む負荷が接続された場合の検討に関 する報告は著者らの知る限り無い。

整流器負荷を系統に接続した場合,負荷電流に5次,7次 高調波が発生する。自立運転時は系統接続時と同様の定電 圧定周波数動作(以下、CVCF動作)をすることが電力変換器 に要求される。また,整流器負荷接続時,瞬時有効電力が 系統周波数の6倍で脈動する。なお,マトリックスコンバ ータはエネルギーバッファを持たないため,整流器負荷に より引き起こされる電力脈動を補償することが不可能であ る。そのため,発電機から直接脈動する電力を取り出す必 要がある。しかし,このときに電力脈動周波数と発電機周 波数で決まる周波数成分のビート電流が発電機電流に発生 する⁽⁷⁾。特に発電機周波数と電力脈動周波数が近い場合,数 Hz程度の低周波のビート電流が発生するため,発電機に悪 影響を与える可能性や騒音増加の懸念がある。

本論文では、低圧の発電機を電源としたマトリックスコ ンバータを用いた分散電源システムを対象とし、整流器負 荷接続時における発電機のビートレス制御を提案する。提 案するビートレス制御では電力脈動に応じた d 軸電流を注 入することで、低周波のビート電流を打ち消す。ここでは 提案方式を実機実験により確認し、その有用性について検 討する。

2. 回路構成

図1 に発電機を電源としたマトリックスコンバータの回 路図を示す。ここで、マトリックスコンバータの出力電流 は PWM 波形になるため、系統への高調波電流の流入を防ぐ ために LC フィルタを接続する必要がある。マトリックスコ ンバータは入力端子の開放、出力端子の短絡しないようス イッチングを行なければならない。また、マトリックスコ ンバータでは発電機電流をチョッピングすることで出力電 流パルスを得るため、マトリックスコンバータ出力側の動 作は電流形変換器と等価な動作となる。一方、フィルタキ ャパシタ電圧をチョッピングして入力電圧パルスを得るこ とから、マトリックスコンバータ入力側の動作は電圧形変 換器と等価な動作となる。本論文では、マトリックスコン バータの LC フィルタ側を電流源側、発電機などの誘導性負 荷側を電圧源側と定義する。

こういったマトリックスコンバータを用いたシステムの 構成法には2つのパターンが考えられる。一つ目は電圧源 側を系統に昇圧リアクトルを介して接続し、電流源側を発 電機にフィルタキャパシタを介して接続する構成である(図1と入出力逆構成)。この構成では発電機電圧は系統電圧 より高くなければならないため、発電機の動作は高速回転 域に制限される。その結果、発電機が停止状態や低速域で はマトリックスコンバータが動作できない。2つ目は、

図1の様に電流源側を系統に接続する構成である。この構 成では発電機電圧は系統電圧よりも低くする必要がある が、こちらの構成では、発電機を幅広い速度範囲で動作さ せることができる。また発電機電圧が高い場合でも弱め磁 束制御を用いることで動作可能である。本論文では、発電 機として車載向け48V系発電機の使用を想定している。48 V系の発電機は、マイルドハイブリットや車両の48V化に 伴い、今後大きく普及し、低コストで入手できる可能性が ある。本システムでは系統に対して発電機電圧が低いため、 図1の様に電流源側を系統に接続する構成を採用する。

3. 制御構成

〈3·1〉 仮想 AC/DC/AC 変換方式

図2に間接型マトリックスコンバータ(以下, IMC)の回路 図を示す。この回路は図1のマトリックスコンバータの等 価回路である。提案システムでは,仮想AC-DC-AC変換方 式に基づき,マトリックスコンバータを図3のように電流 形インバータと電圧形コンバータに置き換えて制御する。 仮想AC-DC-AC変換方式は「あるスイッチング状態におけ る変換器の入出力の接続状態が同一であれば,変換器の構 成に関わらず入出力波形は同一である。」という原理に基づ いて,マトリックスコンバータのスイッチングパルスを生 成する。マトリックスコンバータとIMCで同じ入出力波形 を得るためには,両者のスイッチング関数を用いて,次の(1) 式が成り立てば良い。ただし,LCフィルタの影響などは無 視し,スイッチング関数はオンの時1,オフの時は0とする。



Fig.1 Interface converter between a grid and a generator using a matrix converter.



Fig.2 Equivalent circuit of the matrix converter using an indirect matrix converter (IMC)

$\int S_{ru}$	S_{su}	S_{tu}	S_{up}	S_{un}	S	S	c]
S _{rv}	S_{sv}	$S_{tv} =$	S_{vp}	S _{vn}	5 _{rp}	S _{sp}	$\left \begin{array}{c} \mathbf{S}_{tp} \\ \mathbf{S} \end{array} \right \dots \dots (1)$
S_{rw}	S_{sw}	S_{tw}	S_{wp}	S_{wn}	S _{rn}	S_{sn}	S_{tn}

これによりマトリックスコンバータを仮想的に電流形イン バータと電圧形コンバータに置き換えることができるた め,従来のインバータ等の制御方式を適用できるため,制 御系の検討を簡単にすることが可能となる。

〈3・2〉 自立運転動作時の制御系

図3に自立運転時のマトリックスコンバータを用いた発 電システムのブロック図を示す。提案制御では回転座標変 換を用いることで,電流と電圧を有効成分と無効成分に分 離し制御を行う。特にd軸を無効成分軸,q軸を有効成分軸 とするように回転座標変換を行う。

仮想電流形インバータ制御部では、系統同様の CVCF 動 作を達成するために、フィルタキャパシタ電圧フィードバ ック制御を行っている。また外乱抑圧特性を改善するため に、負荷電流をフィードフォワードする。

次に仮想電圧形コンバータ部では,発電機から取り出す 電力を決定するために発電機電流フィードバック制御を行 う。ビートレス制御部については4章にて後述する。

本制御では,仮想電流形インバータ制御部と仮想電圧形 コンバータ制御部の干渉を防ぐため,仮想電流形インバー



Virtual Voltage Source Converter side control

Virtual Current Source Inverter side control

Fig. 3. Control block diagram of the matrix converter for islanded operation. The virtual VSC is separated into the virtual CSI side and the switching pulse calculation block in this control block diagram.

タの q 軸電流指令値 iq*に一定値(1 p.u.)の信号を入力してい る。これにより仮想電流形インバータは有効電力軸(q 軸)の フィードバックを持たないため,瞬時有効電力の決定には 寄与しない。対して,電圧形 PWM 整流器側では発電機電流 フィードバック制御を適用するため変換器に入力される瞬 時有効電力の決定を行う。その結果,両制御間において入 出力の瞬時有効電力の差による干渉を防止できる。このと きフィルタキャパシタ電圧制御に必要な有効電力を発電機 から負荷側へ供給するために, q 軸におけるフィルタキャパ シタ電圧制御の操作量を電力に変換し,発電機電流フィー ドバック制御の q 軸電流指令値として受け渡すことで自立 運転に必要な有効電力供給と同時に不安定化を防ぐ。

スイッチングパルス生成部では、文献(8)で提案されてい るように、三相変調と一相変調を用いて、仮想電流形イン バータと仮想電圧形 PWM 整流器それぞれにおけるスイッ チングパルスを生成している。その後、(1)式によりマトリ ックスコンバータのスイッチングパルスに変換している。

4. 提案システムにおける問題点と対策

〈4・1〉 整流器負荷接続時の高調波

コンデンサインプット形の整流器負荷を接続した場合, 負荷電流には系統周波数の5次,7次の高調波電流が発生す る。この高調波電流は,負荷側のフィルタキャパシタ電圧 制御に対しては外乱となるため,負荷側制御では5次,7次 の成分に対してフィードフォワード制御などにより外乱抑 圧性能を確保する必要がある。整流器負荷を接続した場合, マトリックスコンバータが負荷へ供給すべき瞬時有効電力 は系統周波数の6倍である300 Hzで脈動する。また,マト リックスコンバータはエネルギーバッファを持たないた め,入出力間の瞬時有効電力を一致させる必要がある。そ のため,負荷側 q 軸電圧制御により発電機側制御へ出力さ れる瞬時有効電力指令 P_{load} *も 300 Hz で脈動する。このと き,発電機電流制御の q 軸電流指令も同様に 300 Hz で脈動 する。一方で,発電機の d 軸電流は $i_{d=0}$ 制御をするため, d 軸電流はゼロで一定に制御される。このとき,発電機電流 制御が指令値によく追従すると仮定した場合の dq 軸上での 電流を次の式で表す。

ここで、 I_{q_ave} は q 軸電流の平均値、 I_{q_arp} は q 軸電流の脈 動成分の振幅、 θ_h は q 軸電流の脈動成分の位相である。

(4)式を3相座標に変換すると、u相電流は

$$\begin{split} i_{u} &= \sqrt{\frac{3}{2}} \{ -I_{q_{ave}} \sin \theta_{gen} \\ &+ \frac{I_{q_{rip}}}{2} \cos(\theta_{gen} + \theta_{h}) - \frac{I_{q_{rip}}}{2} \cos(\theta_{gen} - \theta_{h}) \} \end{split}$$

となる。ここで、 θ_{gen} は発電機の電気角、つまり回転座標 軸の角度を示す。v相、w相電流については、それぞれの成 分の位相を 120 deg、240 deg ずらした電流となるため、省略 する。

特に cos($\theta_{gen} - \theta_h$)成分と cos($\theta_{gen} + \theta_h$),つまり電力脈動周波 数と発電機周波数の和と差の成分でビート電流が発生する ことが確認できる。ここで,電力脈動は整流器負荷によっ て発生し,その脈動周波数は系統周波数の6倍である 300 Hz で一定である。そのため,発電機周波数が 300 Hz に近い程, より低周波のビート電流が発生することがわかる。発電機 や電動機において,低周波のビート電流が発生すると,低 周波の騒音が発生するなどの問題がある。そのため,特に 低周波側のビート電流の抑制が必要である。

〈4・2〉ビートレス制御

発電機側で発生するビート電流は,発電機 q 軸電流指令 値に重畳する電力脈動成分が原因である。整流器負荷接続 時,フィルタキャパシタ電圧制御のため 300 Hz で脈動する 有効電力を発電機から負荷に供給しなければならない。し かし,脈動成分を LPF により打ち消すと負荷側のフィルタ キャパシタ電圧制御の動作が阻害される。その結果,有効 電力に干渉しないようなビートレス制御が提案システムで 必要とされる。今回,d 軸電流注入により,ビート電流の低 周波成分を高周波側へと拡散させる手法を提案する。提案 手法では発電機 d 軸電流指令値に q 軸電流の脈動成分と同 じ振幅を持つ Id_ripcos Gh 成分を注入する。このときの dq 軸上 での電流を次の式で表す。

ここで *I*_{d_rip} は注入する d 軸電流の振幅を示す。 *I*_{d_rip}= *I*_{q_rip} が等しい場合, (6)式を 3 相座標系に変換す ると, u 相電流は

$$i_{u} = \sqrt{\frac{3}{2}} \left\{ -I_{q_{ave}} \sin \theta_{gen} + I_{q_{rip}} \cos(\theta_{gen} + \theta_{h}) \right\}$$
(5)

となる。v相, w相電流については, それぞれの成分の位相を 120 deg, 240 deg ずらした電流となるため省略する。

この結果より,d 軸電流指令値に I_{d_rip}cos th 成分を注入す ることで低周波のビート電流を高周波側に拡散できること が確認できる。図4 に提案するビートレス制御のブロック 図を示す。提案するビートレス制御では、まず対象とする 電力脈動成分 I_{q_rip}sin th をバンドパスフィルタにより取り出 し、ローパスフィルタにより位相を 90 deg 遅らせ、-1 のゲ インを掛けることで cos 成分へと変換している。このとき、 バンドパスフィルタは対象とする周波数成分の位相が変化 しないよう設計する必要がある。また、ローパスフィルタ は対象とする周波数の位相が 90 deg 遅れるように設計する 必要があるため、それぞれのフィルタのカットオフ周波数 は電力脈動周波数である 300Hz で設計する。ここで電力脈 動成分は前述したように負荷に依存するが、発電機の動作 条件に依存しない。そのため、提案するビートレス制御は、 発電機の仕様に依らず設計が可能である。

〈4・3〉 高調波に対する制御応答について

整流器負荷時,負荷電流には5次,7次高調波が発生し, 負荷側の制御に対して外乱となる。よって,負荷側制御で は十分な外乱抑圧特性を確保するため高い制御応答が必要 とされる。提案システムでは,固有角周波数5000 rad/sの制 御応答とフィードフォワードによる外乱補償が必要である ことをシミュレーションより確認している。また,発電機 側制御は負荷側制御から見るとマイナーループに見える。 そのため,負荷側制御よりもさらに高い制御応答が必要で あり,少なくとも10000 rad/s が必要となる。以上の結果よ り,キャリア周波数は少なくとも20 kHz に設定する。



Fig.4. Control block diagram of beat-less control

〈4・4〉 ショートパルスによる転流誤差

マトリックスコンバータでは転流時間よりも短いパルス 幅を持った、いわゆるショートパルスが生じた場合、転流 の都合上、出力が不可能であるため無視される。よって、 この出力できなかったパルス分の電圧誤差が発生する。特 にキャリア周波数が高い場合、キャリア 1 周期においてシ ョートパルスが発生する割合が増加するため、その影響が 大きくなる。また、発電機電圧が低い場合においても無視 されたショートパルスの影響が増加する。

マトリックスコンバータでは制御応答の確保するために キャリア周波数の増加を行うと、相対的にショートパルス 無視による転流誤差が増加する。この対策として、文献(9) にて提案されるショートパルスによる影響を抑制する変調 方式の適用が挙げられる。しかし、この手法では電圧利用 率が制限されることや、出力力率操作時における変調法が 明確化されていないため、提案システムでの使用は難しい。 本実験では制御応答の確保を優先するため、キャリア周波 数を 20 kHz として実験を行う。ショートパルス対策につい ては今後の課題とする。

5. 実機検証

本章では、図1の試作器を構成し、提案するビートレス 制御の有用性を検討する。表1に実験時のパラメータを示 す。ここで、発電機はインダクタと電圧源を用いて模擬し ている。今回、ビートレス制御によるビート電流低減効果 を明確にするために、ショートパルスに起因する誤差電圧 の影響を軽減できるよう、入力電圧は100 V とした。

〈5・1〉 系統正常時における系統連系動作

系統連系時,図3の制御ブロック図において,仮想電流 形インバータ側の制御では PI 制御を用いず,オープンルー プ制御にて系統位相を参照して力率1で動作させる。また, 仮想電圧形 PWM 整流器ではq軸発電機電流制御の指令値を 直接入力することで系統連系動作を達成する。

図 5 に系統連系動作の実験結果を示す。実験結果より入 出力電流が正弦波状に制御されていることが確認できる。 このとき,系統側,発電機力率もほぼ1 であることを確認 した。

〈5·2〉 抵抗負荷を接続した場合における自立運転動作

図6に抵抗負荷接続時の実験結果を示す。抵抗負荷では、 電力脈動によるビート電流が発生しないため、図3におけ るビートレス制御は適用しない。そのため,発電機 d 軸電 流指令値 *idgen**は 0 A としている。

結果より,負荷電圧が振幅282 V,50 Hzの正弦波電圧と 系統電圧と同様の波形になるように CVCF 動作が達成でき ることがわかる。このとき,負荷電圧のTHDは4%である ことを確認した。また,負荷電流,発電機電流は系統連系 時と同様に正弦波状に制御できているが確認できる。

〈5・3〉 整流器負荷を並列接続した場合

図7(a)にビートレス制御を適用せず,かつ整流器負荷と抵抗負荷を並列接続した場合の実験結果を示す。ここでは, 負荷抵抗は75Ω, コンデンサインプット形整流器負荷とし て C=3300 µF, R=100 Ωのものを用いている。なお,発電機 d 軸電流指令値 idgen*は0A としている。また,制御ゲイン が高い場合に,フィードフォワード制御を適用すると動作 が不安定化する。そのため,フィードフォワードする電流 指令値に0.7のゲインを掛け,負荷側制御のゲインは3000 rad/s で設計している。不安定化の原因についてはショート パルス無視時のひずみをフィードフォワードするため,不 安定化を助長していると考えられる。

一方,フィルタキャパシタ電圧は振幅 282 V,50 Hz であ り,整流器負荷が接続された場合においても系統電圧と同 様の波形となる CVCF 動作が達成できている。また,この ときのフィルタキャパシタ THD は 6.8%となっており,整流 器負荷による外乱電流によってひずみが発生していること が確認できる。このひずみの原因として,電圧制御部の外 乱抑圧特性の不足が挙げられる。なお,発電機電流の高調 波解析結果より電力脈動周波数 300 Hz と発電機の電気周波 数 290 Hz の差である 10 Hz のビート電流成分が基本波(50 Hz)に対して 15.7%が発生していることを確認している。ま た,前述したビート電流の成分以外で 240 Hz の脈動が発生 しているが,これはショートパルス無視によるひずみによ って発生すると考えられる。

〈5・4〉 提案ビートレス制御適用時の動作

図 7(b)にビートレス制御を適用した場合のシミュレーション結果を示す。結果よりフィルタキャパシタ電圧 THD は ビートレス制御なしの場合と同様の 6.8%となっており、ビ ートレス制御は負荷側の制御には影響を及ぼさないことが 確認できる。

図 8 にビートレス制御適用の有無における発電機電流の 高調波解析結果を示す。結果より提案するビートレス制御 を適用することで、低周波(ωh-ωgen=10 Hz)のビート電流を 80%低減できる。また、基本波成分には影響しないことも確 認できる。しかし、高周波(ωh+ωgen=590 Hz)のビート電流は 60%増加する。発電機や電動機では巻線の磁気飽和を考慮す ると、特に低次成分は高次成分よりも磁気飽和の原因とな る。よって、高周波成分よりも低周波成分を特に抑制する 必要がある。つまり、運転継続の観点では、提案するビー トレス制御の有用性を確認できる。

〈5·5〉 発電機電圧が 48 V 時における系統連系動作

図9に発電機電圧が48V時における系統連系試験の結果

Table 1 Experimental parameters

Gnerator voltage	$100 V_{rms}$	Grid voltage	$200 V_{rms}$
Generator frequency	290 Hz	Grid frequency	50 Hz
Generator inductance	0.5 mH (13.7%)	Filter L (%Z)	2.2 mH (2.6%)
$K_p(\text{VSC side})$	0.75 p.u.	Filter C (%Y)	14.4 μF (12%)
T_i (VSC side)	10 ms	Dampng resister	11.8 Ω
$K_p(\text{CSI side})$	1.62 p.u.	Rated power	1.5 kW
$T_i(\text{CSI side})$	0.47 ms	Carrier frequency	20 kHz







Fig.6 Experimental result of islanded operation with resistor load.

を示す。このとき発電機側のインダクタンスは 110 µH (%Z=13%)とした。図9より低変調率時においては各相の入 力電流のゼロクロス付近において、ショートパルスが多数 発生し、その結果、入力電流のゼロクロス付近にひずみが 発生していることを確認した。この原因は前述したように、 低変調率ではキャリア 1 周期中のパルス幅が短く、ショー トパルスの影響が大きいためである。また、非線形負荷を 接続した場合は高い制御応答が必要となる。これら 2 つの 条件はショートパルスの影響を増加させる。この解決方法 として、ショートパルスの影響を増加さきる新しい変調法 の適用が挙げられ、これについては今後の検討とする。









6. むすび

本論文では、マトリックスコンバータに整流器負荷を接続した場合におけるビート電流に抑制制御について検討し、実験によりその有用性を明らかにした。

本論文では、まず整流器負荷などの瞬時電力脈動を含む 負荷におけるマトリックスコンバータのビート現象につい て検討した。その結果、d軸電流注入により、低周波のビー ト電流を打ち消せることを導出した。実験結果より、提案 するビートレス制御法を適用することで、ビート電流を 80%低減できることを確認し、提案法の有用性を確認した。 今後の課題としては、整流器負荷時における波形改善とシ ョートパルスによるひずみの改善を行う。

文 献

- J.Rodriguez,, M.Rivera, J.W.Kolar :"A Review of Control and Modulation Methods for Matrix Converter", IEEE Trans.Ind.Electoron,, vol.59, No.1, pp. 58-70(2011)
- (2) T.Friedli, J.W.Kolar "Milestone in Matrix Converter Research ", IEEJ Jornal I.A., vol 1., No.1, pp2-14(2012)
- (3) P. W. Wheeler, J. Rodriguez, J. C. Clare, L. Empringham :"Matrix
- Converters: A Technology Review", IEEE Trans. Ind. Electron., Vol. 49, No. 2, pp. 274-288 (2002)



Fig.9 Experimental result at low generator voltage in interconnection operation.

- (4) H. Nikkhajoei, M. R. Iravani: "A Matrix Converter based Micro-Turbine Distributed Generation System", IEEE Trans. Power Delivery, Vol. 20, No. 3, pp. 2182-2192 (2005)
- (5) S. Tamada, J. Itoh: "A Proposal of a Power Distortion Compensator using a Matrix Converter", IEEJ Trans. IA, Vol.128, No.7, pp. 933-939 (2008) 玉田俊介, 伊東淳一: 「マトリックスコンバータを用いた電力障害 補償の提案」,電学論 D 128 巻,7 号, pp. 933-939 (2008)
- (6) Jiaxing Lei, Jinliang Bian et al :"Aircraft starter/generator system based on indirect matrix converter", IECON 2014.
- (7) H. Haga, I. Takahashi, and K. Ohishi: "Unity Power Factor Operation Control Method For Single-phase to Three-phase Matrix Converter", IEEJ Trans. IA, Vol. 124, No. 5, pp. 510-516 (2004) 芳賀仁, 高橋勲, 大石潔,:「高入力力率を実現する単相-三相マトリク
- スコンバータの一制御法」,電学論 D, 124巻,5号, pp510-516(2004)
 (8) J. Itoh, A. Odaka, I. Sato, H. Ohguchi, and N. Eguchi: "A Comparison of PWM Pattern for Matrix Converter", IEEJ Trans., Vol. 126-D, No. 9, pp. 1178-1184 (2006) (in Japanese)
 伊東淳一・小高章弘・佐藤以久也・大口英樹・江口直也:「マトリ ックスコンバータにおける PWM パターンの比較」, 電学論 D, Vol. 126, No. 9, pp. 1178-1184 (2006)
- (9) H. Hara, E. Yamamoto, K. Yamada, K. Yamanaka, M. Zenke, J. K. Kang, T. J. Kume, "Common-mode voltage characteristics of matrix converter according to PWM method", IEEJ Trans. Ind. Appl., vol. 126, no. 12, pp. 1652-1659, Mar. 2006.

原英則,山本栄治,山田健二,山中克利,善家充彦,姜俊求,久米常 生:「PWM 方式におけるマトリクスコンバータのコモンモード電 圧」,電学論 D,126巻,12号,pp.1651-1659 (2006)